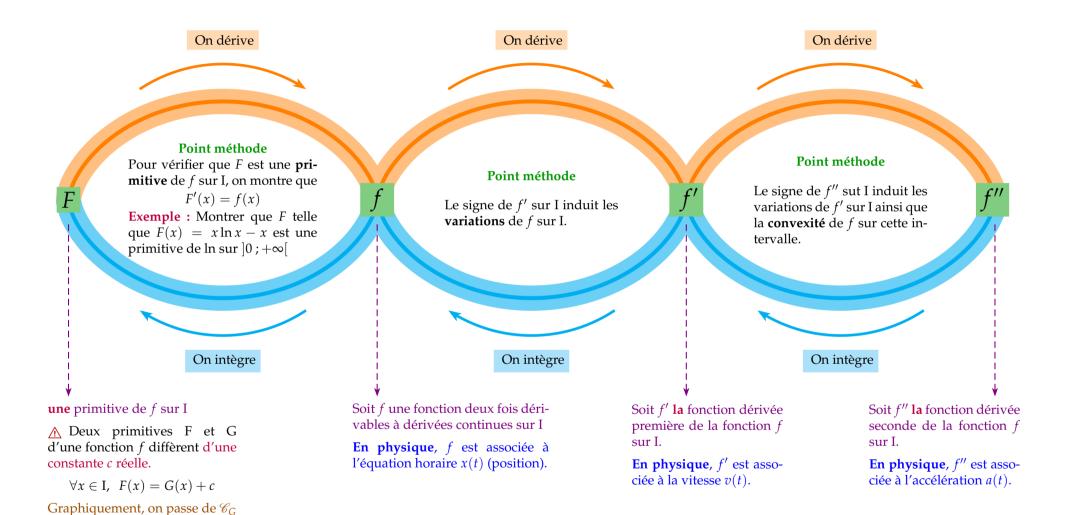
« Généalogie fonctionnelle »



à \mathscr{C}_F par une translation de vec-

teur $c\vec{j} = \begin{pmatrix} 0 \\ c \end{pmatrix}$

Une application

Soit f la fonction deux fois dérivables, à dérivées continue sur $\mathbb R$ définie par :

$$f(x) = x \cos 2x$$

On peut facilement vérifier que, $\forall x \in \mathbb{R}$, $f(x) = -\sin 2x - \frac{1}{4}f''(x)$

en effet :
$$f'(x) = \cos 2x - 2x \sin 2x \implies$$

$$f''(x) = -2\sin 2x - 2\sin 2x - 4x\cos 2x = -4\sin 2x - 4f(x) \iff 4f(x) = -4\sin 2x - f''(x)$$

Cette relation fonctionnelle permet d'atteindre l'ensemble des primitives de f sur \mathbb{R} .

Ainsi,
$$\forall x \in \mathbb{R}$$
, $F(x) = \frac{1}{2}\cos 2x - \frac{1}{4}f'(x) + c$ avec $c \in \mathbb{R}$

Culture : On dit que la fonction f est une solution de l'équation différentielle du second ordre :

$$y + \frac{1}{4}y'' = -\sin 2x \quad \text{où } y : x \mapsto y(x)$$

PAUL MILAN TERMINALE MATHS SPÉ